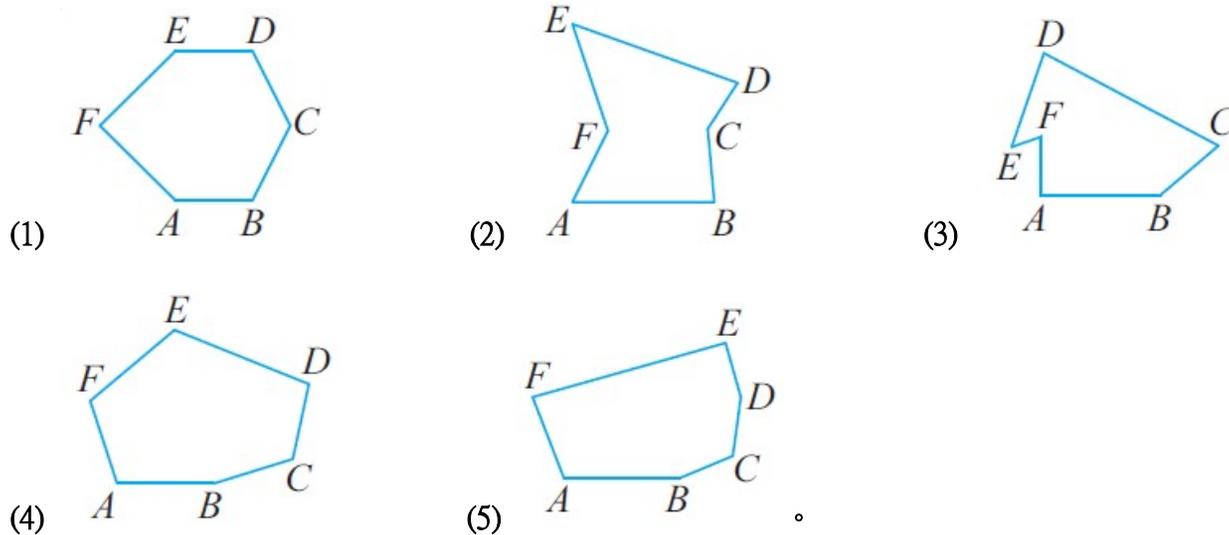


一、單選題（占 20 分）

說明：第 1 題至第 4 題，每題有 5 個選項，其中只有一個是正確或最適當的選項，請畫記在答案卡之「選擇（填）題答案區」。各題答對者，得 5 分；答錯、未作答或畫記多於一個選項者，該題以零分計算。

【1】多邊形 ABCDEF 中，令內積的值  $x = \vec{AB} \cdot \vec{AB}$ ， $y = \vec{AB} \cdot \vec{AC}$ ， $z = \vec{AB} \cdot \vec{AD}$ ， $u = \vec{AB} \cdot \vec{AE}$ ， $v = \vec{AB} \cdot \vec{AF}$ ，若比較  $x, y, z, u, v$  得知這五個數之中以  $y$  為最大， $v$  為最小，則 ABCDEF 的形狀最有可能為下列哪一個選項？



【2】坐標平面上三點  $A, B, C$  的坐標分別為  $A(2, 5)$ ， $B(161, 1381)$ ， $C(151, 1371)$ ，則  $\vec{AB}$ 、 $\vec{AC}$  所張成的平行邊形面積為何？

- (1)10000 (2)12170 (3)12270 (4)13270 (5)14000。

【3】設  $a = \frac{1}{2} \cos 24^\circ + \frac{\sqrt{3}}{2} \sin 24^\circ$ ， $b = \frac{2 \tan 26^\circ}{1 + \tan^2 26^\circ}$ ， $c = \sqrt{\frac{1 + \cos 74^\circ}{2}}$ ，則  $a, b, c$  大小關係為下列何者？

- (1) $a > b > c$  (2) $c > b > a$  (3) $a > c > b$  (4) $b > c > a$  (5) $b > a > c$

【4】設地震芮氏規模  $r$ ，震央所釋放的能量  $E(r)$ ，其關係式為  $\log E(r) = 11.8 + 1.5r$ ，試問台東池上 918 規模 6.8 的強震所釋放出的能量約為台東關山 917 規模 6.4 的地震所釋放能量的多少倍？

- (1)2 (2)4 (3)6 (4)8 (5)10。

二、多選題（占 40 分）

說明：第 5 題至第 8 題，每題有 5 個選項，其中至少有一個是正確的選項，請將正確選項畫記在答案卡之「選擇（填）題答案區」。各題之選項獨立判定，所有選項均答對者，得 10 分；答錯 1 個選項者，得 6 分；答錯 2 個選項者，得 2 分；答錯多於 2 個選項或所有選項均未作答者，該題以零分計算。

【5】

已知  $\log 2 = 0.3010$ ， $\log 3 = 0.4771$  且  $2^{100} = a \times 10^n$ ，其中  $1 \leq a < 10$  且  $n \in \mathbb{Z}$ ，則下列敘述何者正確？

- (1)  $2^{100}$  的個位數字為 2 (2)  $n=30$  (3)  $1 < a < 2$   
(4)  $5 \times 2^{100}$  為 31 位數 (5)  $2^{-100}$  以小數點表示，小數點後第 30 位後開始不為 0

【6】下列哪些選項的等式是正確的？

- (1)  $\cos 30^\circ = \cos 10^\circ \cos 20^\circ + \sin 10^\circ \sin 20^\circ$   
(2)  $\sin(10^\circ + 20^\circ) \sin(10^\circ - 20^\circ) = \sin^2 10^\circ - \sin^2 20^\circ$   
(3)  $\sin 50^\circ = \frac{2 \tan 25^\circ}{1 + \tan^2 25^\circ}$   
(4)  $\cos 140^\circ = \sqrt{\frac{1 + \cos 280^\circ}{2}}$   
(5)  $\tan 50^\circ = \frac{\sin 100^\circ}{1 + \cos 100^\circ}$

【7】下列哪些方程式有實數解？

- (1)  $2^x = \log_2 x$  (2)  $\left(\frac{1}{2}\right)^x = \log_{\frac{1}{2}} x$  (3)  $\log_{\frac{1}{2}} x = 2^x$  (4)  $2^x = x^2$  (5)  $\log_2 x = x - 1$ 。

【8】在坐標平面上，有一通過原點  $O$  的直線  $L$ ，以及一半徑為 2、圓心為原點  $O$  的圓  $\Gamma$ 。  $P, Q$  為  $\Gamma$  上相異 2 點，

且  $\overline{OP}$ ， $\overline{OQ}$  分別與  $L$  所夾的銳角皆為  $15^\circ$ ，試選出內積  $\overrightarrow{OP} \cdot \overrightarrow{OQ}$  之值可能發生的選項。

- (1)  $2\sqrt{3}$  (2)  $-2\sqrt{3}$  (3) 0 (4)  $-2$  (5)  $-4$ 。

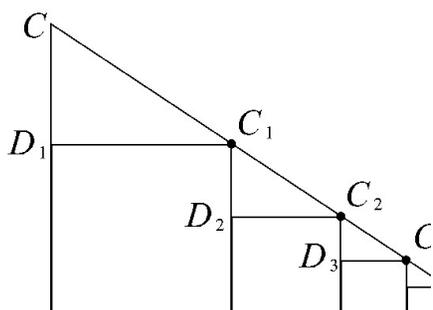
三、選填題（占 40 分）

說明：1.第 A 至 H 題，將答案畫記在答案卡之「選擇（填）題答案區」所標示的列號（9- 33）。  
 2.每題完全答對給 5 分，答錯不倒扣，未完全答對不給分。

【A】已知  $4^{x_1} = 5, 5^{x_2} = 6, 6^{x_3} = 7, \dots, 255^{x_{252}} = 256$ ，則  $x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdots x_{252} = \underline{\textcircled{9}}$ 。

【B】

$\triangle ABC$  是直角三角形， $\angle A$  為直角， $\overline{AB} = 36$ ， $\overline{AC} = 24$ ，在  $\triangle ABC$  內作一個內接正方形  $AB_1C_1D_1$ ，面積為  $S_1$ ，在  $\triangle B_1BC_1$  內作第 2 個內接正方形  $B_1B_2C_2D_2$ ，面積為  $S_2$ ，如此繼續進行，得無數個內接正方形，求所有正方形之面積和為 ⑩ ⑪ ⑫。



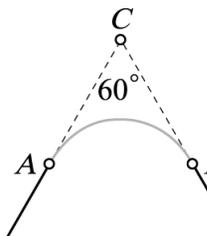
【C】 $\frac{3}{1^2} + \frac{5}{1^2+2^2} + \frac{7}{1^2+2^2+3^2} + \cdots + \frac{2n+1}{1^2+2^2+\cdots+n^2} + \cdots + \frac{199}{1^2+2^2+\cdots+99^2} = \frac{\textcircled{13} \textcircled{14} \textcircled{15}}{\textcircled{16} \textcircled{17}}$ 。(化為最簡分數)

【D】設  $A(5, 1), B(2, a), C(3, 4)$  為坐標平面上三點，而  $O$  為原點。若向量  $\vec{OA}$  與  $\vec{OB}$  在向量  $\vec{OC}$  上的

正射影相同，則  $a = \frac{\textcircled{18} \textcircled{19}}{\textcircled{20}}$ 。(化為最簡分數)

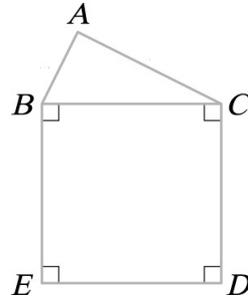
【E】兩條公路  $k$  及  $m$ ，如果筆直延伸將交會於  $C$  處成  $60^\circ$  夾角，如圖所示。為銜接此兩公路，規劃在兩公路各距  $C$  處 360 公尺的  $A, B$  兩點間開拓成圓弧型公路，使  $k, m$  分別在  $A, B$  與此圓弧相切，

則此圓弧長為 ⑳ ㉑ ㉒ 公尺。(公尺以下四捨五入)(已知  $\sqrt{3} \approx 1.732, \pi \approx 3.142$ )



【F】設銳角三角形  $ABC$  的外接圓半徑為 8。已知外接圓圓心到  $\overline{AB}$  的距離為 2，而到  $\overline{BC}$  的距離為 7，  
 則外接圓圓心到  $\overline{AC}$  的距離為 = 24。

【G】如圖， $\triangle ABC$  中，已知  $\overline{AB} = 2$ ， $\overline{AC} = 3$ ，若  $BCDE$  為正方形，則五邊形  $ABEDC$  面積



之最大值為 25 26 + 27  $\sqrt{\text{28} \text{29}}$ 。

【H】設  $D$  為  $\triangle ABC$  中  $\overline{BC}$  邊上的一點，已知  $\angle ACB = 75^\circ$ ， $\angle ABC = 45^\circ$ ， $\angle ADC = 60^\circ$ 。若  $\overrightarrow{AD} = s\overrightarrow{AB} + t\overrightarrow{AC}$ ，

則數對  $(s, t) = \left( \frac{\text{30}}{\text{31}}, \frac{\text{32}}{\text{33}} \right)$  (化為最簡分數)

答案:

單選 1. (1) 2. (2) 3. (3) 4. (2)

複選: 5. (2)(3)(4) 6. (2)(3)(5) 7. (2)(3)(4)(5) 8. (1)(2)(5)

選填題: A. 4

B. 324

C.  $\frac{297}{50}$

D.  $\frac{13}{4}$

E. 435

F. 2

G.  $13 + 3\sqrt{17}$

H.  $\left(\frac{2}{3}, \frac{1}{3}\right)$