

答案卷

一、單選題：(每題 4 分，共 12 分。請選出最適合的選項，全對才給分。)

1	2	3	
(1)	(5)	(2)	

二、多選題：

1. 每題 7 分，共 28 分，每題至少有一個選項是正確的。
 2. 所有選項均答對者得 7 分；錯一個選項得 4.2 分；錯二個選項得 1.4 分；所有選項均未作答或答錯多於 2 個選項者，該題以 0 分計算。

4	5	6	7
(1)(4)	(3)(4)(5)	(2)(5)	(2)(3)

三、選填題：

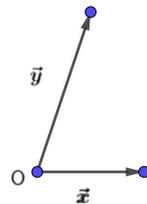
1. 第 A 至 J 題，將答案畫記在答案卡之「選擇 (填) 題答案區」所標示的列號 (8 - 33)。
 2. 每題完全答對給 6 分，共 60 分。答錯不倒扣，未完全答對不給分。

A	B	C	D
(1, 4)	$4 + 3\sqrt{2}$	(12, -9)	$\frac{-1}{\sqrt{3}}, 3$
E	F	G	H
$2\sqrt{6}$	(-2, -1)	23	$\frac{5}{6}$
I	J		
1	$\frac{9}{2}$		

注意：請於答案卡 (卷) 上畫 (寫) 上正確身分資料，
 若因未劃記書寫身分資料，或因劃記書寫錯誤，統一扣該科總成績 5 分。

一、單選題：(每題 4 分，共 12 分。請選出最適合的選項，全對才給分。)

1. 給定兩個向量 \vec{x} 與 \vec{y} ， O 為原點，如右圖。下面兩個表格是某個英文字母的結構密碼，例如 $B_1(2, 3)$ 表示 $\overrightarrow{OB_1} = 2\vec{x} + 3\vec{y}$ 。描出這些頂點的位置後，分別將表 (一) 與表 (二) 的頂點依照字母順序連起來 (F 與 O 相連； C_1 與 A_1 相連)，即 $O-A-B-C-D-E-F-O$ 相連，與 $A_1-B_1-C_1-A_1$ 相連，試問是哪一個英文字母。



- (1) A (2) E (3) F (4) K (5) Y

$O(0, 0)$	$D(5, 0)$
$A(1, 0)$	$E(6, 0)$
$B(1, 2)$	$F(0, 6)$
$C(3, 2)$	

Table 1: 表 (一)

$A_1(1, 3)$
$B_1(2, 3)$
$C_1(1, 4)$

Table 2: 表 (二)

2. 已知 $A(5, -2)$ 、 $B(3, r)$ 、 $C(s, 2)$ 為坐標平面上三點， O 為原點。若「 \overrightarrow{OB} 在 \overrightarrow{OA} 上的正射影」與「 \overrightarrow{OC} 在 \overrightarrow{OA} 上的正射影」相同，則 r 、 s 滿足下列哪種關係式？

- (1) $3s - 2r = 13$ (2) $2s - 5r = 4$ (3) $2s + 5r = 16$ (4) $5s - 2r = 11$ (5) $5s + 2r = 19$

3. 設 O 為坐標平面上的原點，且 $A(0, 1)$ 、 $B(2, 1)$ 、 $C(8, 4)$ 、 $D(0, 4)$ ，

則區域 $S = \{P \mid \overrightarrow{OP} = x\overrightarrow{OA} + y\overrightarrow{OB}, 0 \leq x \leq 2, 0 \leq y \leq 2\}$ 與四邊形 $ABCD$ 區域重疊部分的面積為多少？

- (1) 6 (2) 7 (3) 8 (4) 15 (5) 16

二、多選題：

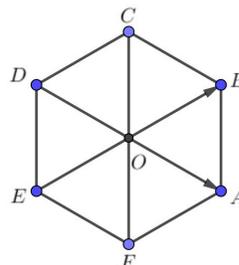
1. 每題 7 分，共 28 分，每題至少有一個選項是正確的。
 2. 所有選項均答對者得 7 分；錯一個選項得 4.2 分；錯二個選項得 1.4 分；所有選項均未作答或答錯多於 2 個選項者，該題以 0 分計算。

4. 設 $A(3, -2)$ 、 $B(2, r)$ 、 $C(1, -1)$ 、 $D(s, 4)$ ，請選出正確的選項。

- (1) 若 $\overrightarrow{AP} = (1, 3)$ ，則 P 點坐標為 $(4, 1)$ (2) 若 $\overrightarrow{QC} = (1, 3)$ ，則 Q 點坐標為 $(2, 2)$ (3) $|\overrightarrow{AC}| = 5$
 (4) 若 $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ ，則 $r + s = 3$ (5) 承 (4)，設 t 為實數，則 $|\overrightarrow{AB} + t\overrightarrow{AC}|$ 的最小值為 $\frac{81}{5}$

5. 如圖，正六邊形 $ABCDEF$ ，其邊長為 2， \overrightarrow{AD} 、 \overrightarrow{BE} 、 \overrightarrow{CF} 交於 O 點，設 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$ ， $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$ ，請選出正確的選項。

- (1) $\overrightarrow{AE} = \vec{a} + \vec{b}$ (2) $\overrightarrow{AC} = 2\vec{a} + \vec{b}$ (3) $\vec{a} \cdot \vec{b} = 2$
 (4) $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AD} = 4$ (5) $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{AD} = 12$



6. 下列哪些選項正確？

(1) $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} c & d \\ a & b \end{vmatrix}$ (2) $\begin{vmatrix} a+kc & b+kd \\ c & d \end{vmatrix} = - \begin{vmatrix} c & d+kc \\ a & b+ka \end{vmatrix}$ (3) $\begin{vmatrix} 99 & 199 \\ 299 & 399 \end{vmatrix} < \begin{vmatrix} 1699 & 1799 \\ 1899 & 1999 \end{vmatrix}$

(4) $\begin{vmatrix} \sin 10^\circ & -\cos 10^\circ \\ \sin 20^\circ & \cos 20^\circ \end{vmatrix} < 0$ (5) 設 a, b 均為正數 則 $\begin{vmatrix} \log a^4 & \log b^8 \\ \log a^6 & \log b^{12} \end{vmatrix} = 0$

7. 在 $\triangle ABC$ 中， $\overline{AB} = 4$ 、 $\overline{BC} = 5$ 、 $\overline{CA} = 6$ ， $\angle BAC$ 的角平分線交 \overline{BC} 於 D ，且 I 為 $\triangle ABC$ 的內心，請選出正確的選項。

(1) $\overline{BD} : \overline{CD} = 3 : 2$ (2) $\overrightarrow{AD} = \frac{3}{5}\overrightarrow{AB} + \frac{2}{5}\overrightarrow{AC}$ (3) $\overline{AI} : \overline{ID} = 2 : 1$
 (4) 若 $\overrightarrow{AI} = \alpha\overrightarrow{AB} + \beta\overrightarrow{AC}$ ，則數對 $(\alpha, \beta) = (\frac{4}{15}, \frac{2}{5})$ (5) $\frac{\triangle AIB \text{ 面積}}{\triangle ABC \text{ 面積}} = \frac{1}{5}$

三、選填題：

1. 第 A 至 J 題，將答案畫記在答案卡之「選擇 (填) 題答案區」所標示的列號 (8 - 33)。
 2. 每題完全答對給 6 分，共 60 分。答錯不倒扣，未完全答對不給分。

A. 設 \vec{a} 、 \vec{b} 、 \vec{c} 為兩兩不平行的非零向量，滿足 $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$ 。若 $(x+1)\vec{a} + (y-2)\vec{b} + (x+y-3)\vec{c} = \vec{0}$ ，則序對 $(x, y) = \underline{(\textcircled{8}, \textcircled{9})}$ 。

B. 設邊長為 a 的正八邊形 $ABCDEFGH$ 中，已知 $\overline{AB} \cdot \overline{AH} = -1$ ，則 $\overline{AE} \cdot \overline{AF}$ 之值為 $\underline{\textcircled{10} + \textcircled{11}\sqrt{\textcircled{12}}}$ 。

C. 設 $\vec{a} = (18, -1)$ 、 $\vec{b} = (4, -3)$ ，若 $\vec{a} = \vec{p} + \vec{q}$ ，其中 $\vec{p} // \vec{b}$ 且 $\vec{q} \perp \vec{b}$ ，則 $\vec{p} = \underline{(\textcircled{13}\textcircled{14}, \textcircled{15}\textcircled{16})}$ 。

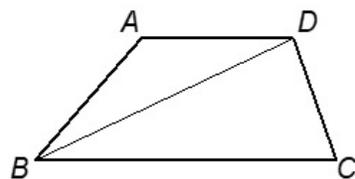
D. 平面上有一點 $P(3, 2)$ 與直線 $L: \begin{cases} x = t \\ y = 2 - \sqrt{3}t \end{cases}$ ， t 為實數，則通過點 $P(3, 2)$ 且與直線 L 所夾之銳角為 30° 的直線方程式為 $\underline{\frac{y-2}{x-3} = \frac{\textcircled{17}\textcircled{18}}{\sqrt{\textcircled{19}}}} \text{ 或 } x = \textcircled{20}$ 。

E. 已知 $\vec{a} + \vec{b} + 2\vec{c} = \vec{0}$ 且 $|\vec{a}| = 3$ 、 $|\vec{b}| = 3$ 、 $|\vec{c}| = 1$ ，求 $|2\vec{a} + 3\vec{b} + \vec{c}|$ 之值為 $\underline{\textcircled{21}\sqrt{\textcircled{22}}}$ 。

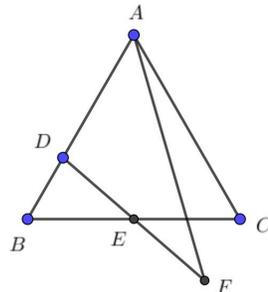
F. 設 $\vec{a} = (1, k)$ 、 $\vec{b} = (3, -1)$ ， t 為實數， $k < 0$ 。若 $|t\vec{a} + \vec{b}|$ 的最小值為 $\sqrt{5}$ ，則數對 $(k, t) = (\textcircled{23}\textcircled{24}, \textcircled{25}\textcircled{26})$ 。

G. 已知 O 為原點， $A(5, 3)$ ， P 為 $(x-1)^2 + (y-3)^2 = 34$ 上一點，求 $\triangle OAP$ 面積最大值為 $\underline{\textcircled{27}\textcircled{28}}$ 。

- H. 如右圖，四邊形 $ABCD$ 中，已知 $|\overrightarrow{AB}| = |\overrightarrow{AD}| = 3$ ，且 $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{DC}$ 。
 若 $|\overrightarrow{BD}| = 5$ ，則 $\sin \angle ADC = \frac{\textcircled{29}}{\textcircled{30}}$ 。



- I. 如右圖， $\triangle ABC$ 是邊長為 1 的正三角形，點 D 在線段 \overline{AB} 上，且 $\overline{AD} : \overline{DB} = 2 : 1$ ；
 點 E 為 \overline{BC} 的中點，點 F 在直線 \overleftrightarrow{DE} 上，且 $\overline{DE} = \overline{EF}$ ，則 $\overrightarrow{AE} \cdot \overrightarrow{AF} = \textcircled{31}$ 。



- J. 設兩非零向量 \vec{a} 與 \vec{b} 垂直，已知 $\vec{a} + 3\vec{b}$ 平分 \vec{a} 與 \vec{b} 的夾角，若 $\vec{a} + 3\vec{b}$ 平分 $\vec{a} + 2\vec{b}$ 與 $\vec{a} + k\vec{b}$ 的夾角，則 $k = \frac{\textcircled{32}}{\textcircled{33}}$ 。